Juin 2018 GROUPE :....

Partiel n° 2 de Physique

Les calculatrices et les documents ne sont pas autorisés. Réponses exclusivement sur le sujet

OCM (4 points; pas de points négatifs)

1- La différentielle de l'énergie interne dU d'un gaz, donnée par le premier principe s'écrit :

a) dU = -PdV + Q (b) $dU = -PdV + \delta Q$ c) $\delta U = -PdV + \delta Q$

2- Un gaz parfait subit une transformation adiabatique de l'état (1) vers l'état (2), le volume V2 vérifie alors :

a) $V_2 = V_1 \cdot \left(\frac{P_2}{P_1}\right)^{1/\gamma}$ b) $V_2 = V_1 \cdot \left(\frac{P_1}{P_2}\right)^{1/\gamma}$ c) $V_2 = V_1 \cdot \left(\frac{P_2}{P_1}\right)^{-\gamma}$ d) $V_2 = \gamma \cdot V_1$

y étant le coefficient de Laplace.

3- Lorsqu'un système fermé (gaz parfait) subit une transformation isotherme, la quantité de chaleur échangée avec le milieu extérieur est b) $Q = \Delta U$ (c) Q = -W d) Q = 0

a) O = W

4- Le travail des forces de pression de l'état (1) vers l'état (2) d'une transformation isotherme de température T est

(a) $W = -nRT \ln \left(\frac{V_2}{V_1} \right)$ b) $W = -nRT(V_2 - V_1)$ c) $W = nRT \ln \left(\frac{V_2}{V_1} \right)$ d) N

5- Le travail des forces de pression de l'état (1) vers l'état (2) d'une transformation adiabatique subies par n moles de gaz parfait, de capacité molaire c_v s'écrit

a) $W = -n.R.T \ln \left(\frac{V_2}{V_1} \right)$ b) $W = P_2.V_2^{\gamma} - P_1.V_1^{\gamma}$ c) $W = n.c_v(T_2 - T_1)$

6- Laquelle parmi les grandeurs suivantes n'est pas une fonction d'état ?

a) enthalpie H

b) énergie interne U (c) travail des forces de pression W

7- Les grandeurs d'état températures et volumes d'un gaz parfait qui subit une transformation isobare, de l'état (1) vers l'état (2) vérifient :

(a) $T_1.V_2 = T_2V_1$ b) $T_1.V_1 = T_2V_2$ c) $\frac{V_1}{T_2} = \frac{T_1}{V_2}$

8- La loi de Laplace écrite en fonction de la température et la pression donne

a) $T.P^{\gamma-1}=C$ b) $T^{\gamma}.P^{\gamma-1}=C$ c) $T.P^{\gamma+1}=C$ d) $T^{\gamma}.P^{1-\gamma}=C$

("C" étant une constante)

- 1 -

A. Zellagui

Exercice 1 Les questions 1 et 2 sont indépendantes (4 points)

1- Dans un calorimètre, 10g de vapeur d'eau à 100°C sont injectés sur 50 g de glace à 0°C. Calculer la température à l'équilibre. On donne :

Capacité thermique massique de l'eau : $C_e = 4.10^3 J.kg^{-1}.K^{-1}$

Chaleur latente de fusion de la glace $L_f = 3.10^5 J.kg^{-1}$

Chaleur latente de vaporisation $L_v = 2.10^6 \text{ J.kg}^{-1} \text{ (}L_{condensation} = -L_{vaporisation}\text{)}$

Vapen:
$$loo^{\circ} = loo^{\circ} = de$$
 $glace: 0^{\circ} = loo^{\circ} = de$
 $2Gi = 0 = loo + mve(de-loo) + mylf+mycede = 0$
 $de(mvce + myce) = -mvlc + mvcextoo - mylf.$
 $de = -mvlc + mv.ce.loo - mylf$
 $e = -mvlc + mv.ce.loo - mylf$

2- On sort un bloc de plomb de masse m_1 =300g d'une étuve à la température θ_1 =98°C. On le plonge dans un calorimètre contenant une masse m_2 =350g d'eau. L'ensemble (calorimètre + eau) est à la température initiale θ_2 =16°C. On mesure la température d'équilibre thermique θ_e =18°C. Calculer la capacité thermique du calorimètre. On donne :

Capacité thermique massique de l'eau : $c_e = 4.10^3 \text{ J.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$

Capacité thermique massique du plomb : $c_p = 150 \text{ J.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$

$$\begin{aligned}
& \leq \text{Coi} = 0 = \text{S} & \text{Ceal}\left(8_{e} - 8_{2}\right) + \text{My Ce}\left(9_{e} - 8_{2}\right) + \\
& \text{Mp Cp}\left(9_{e} - 8_{1}\right) = 0
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& \text{Coal} &= -\frac{\text{Mg Ce}\left(9_{e} - 8_{2}\right) + \text{Mg Cp}\left(9_{e} - 8_{1}\right)}{9_{e} - 9_{2}} \\
& \text{de} - 9_{2}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& \text{A.N} : & \text{Cal} &= -\frac{(350.10^{3}.4.10^{3}(2) + 369.10^{3}.150.(=80))}{2} \\
& = -\frac{(2800 - 3600)}{2} - \frac{800}{2} = 400 \text{ J.K}^{-1}
\end{aligned}$$

Exercice 2 Partie Cours (4 points)

1- On considère une transformation adiabatique, montrer que la différentielle de l'enthalpie dH s'écrit comme dH = V dP

2) a) Rappeler les expressions de l'énergie interne élémentaire dU et l'enthalpie élémentaire dH de n moles de gaz parfait en fonction des capacités molaires c_v et c_p.

b) Donner les expressions de dU et de dH en fonction de la pression et du volume pour une transformation adiabatique.

c) En déduire l'expression de la loi de Laplace.

a)
$$dU = m \cdot cv dT$$
 poin un gaz parfait.

 $dH = m \cdot cp dT$

b) $dU = \mathcal{J}Q - PdV = -PdV$ can $\mathcal{J}Q = 0$.

 $eV dH = VdP$, d'aporés la question \mathcal{O} .

c) on a $dU = m \cdot cv dT = -PdV$ \mathcal{O}
 $eV dH = m \cdot cp dT = VdP$ \mathcal{O}
 $eV dH = m \cdot cp dT = VdP$ \mathcal{O}
 $eV dH = m \cdot cp dT = VdP$ \mathcal{O}
 $eV dH = m \cdot cp dT = VdP$ \mathcal{O}
 $eV dV = -VdP = \mathcal{O}$
 $V dV = -VdV = \mathcal{O}$
 $V dV = -VdV = \mathcal{O}$

Exercice 3 Cycle de Diesel idéal (8 points)

Le moteur Diesel est un moteur à combustion interne dont l'allumage n'est pas commandé par des éclateurs mais par une compression élevée. L'air et le carburant sont comprimés séparément, le carburant n'étant injecté que dans la chambre de combustion et progressivement. Ce moteur fonctionne suivant le cycle constitué de deux adiabatiques, d'une isobare et d'une isochore.

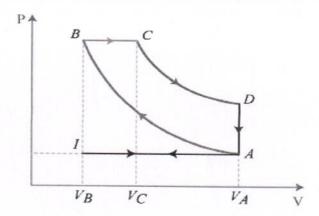
Le fonctionnement peut être décrit par les transformations suivantes :

- Un cylindre admet l'air seul à travers une soupape d'admission dans un volume V_A (portion IA du cycle); les soupapes sont fermées.

- L'air subit donc une compression adiabatique (portion AB).

- L'injection de combustible démarre au point B et est progressive jusqu'à un point C de sorte que la pression reste constante (portion BC)
- les soupapes sont toujours fermées et les produits de la combustion subissent une détente adiabatique en repoussant le piston jusqu'à sa position initiale (portion CD).
- La soupape d'échappement s'ouvre : la pression chute brutalement (portion DA), et les gaz brûlés sont évacués.

Le cycle est caractérisé par le taux de compression $\alpha = \frac{V_A}{V_B}$ et le rapport de détente $\beta = \frac{V_C}{V_B}$. On suppose pour tout l'exercice que le mélange (air/carburant) est un fluide parfait.



1- a) Utiliser la loi de Laplace pour retrouver les expressions

 T_A . $V_A^{\gamma-1} = T_B$. $V_B^{\gamma-1}$ et T_C . $V_C^{\gamma-1} = T_D$. $V_D^{\gamma-1}$ (γ étant le coefficient de Laplace). $AD: achialoatiques alon <math>P.V^{\gamma} = cste$. $P = MRT \quad d'on \quad MR.T. \quad V^{\gamma} = cste$. $MR = cste = > T. \quad V^{\gamma-1} = cste$. $A \rightarrow B \quad T_A \quad V_A^{\gamma-1} = T_B \quad V_B^{\gamma-1}$ $de \quad \hat{M} \quad pour \quad l'achialoatique \quad CD : Tc. V_C = T_DV_D^{\gamma-1}$

b) Utiliser la propriété de la transformation isobare BC pour montrer la relation: $\frac{T_C}{V_C} = \frac{T_B}{V_B}$

c) En déduire des questions a et b les relations suivantes :

$$T_{C} = \beta \cdot T_{B} \qquad T_{A} = (\alpha)^{1-\gamma} \cdot T_{B} \qquad T_{D} = \beta^{\gamma}(\alpha)^{1-\gamma} \cdot T_{B}$$
b) BC: No beane sland $P = cste = MRT$

$$T = cste \implies T_{B} = T_{C}$$

$$V_{C} = T_{D} = T$$

2- Exprimer les quantités de chaleur Q, les travaux des forces de pression W et les variations d'énergie interne ΔU des quatre transformations du cycle, pour n moles de gaz parfaits.
Donner les expressions en fonction des températures.

Transf	W=- JPdV	Q= DU-W (les principe)	DU= Mcv ST (Gaz powyait)
A -sb adiab	WAS = DU (Q=0) WAS = MCV (TB-TA)	GAB = 0	DY = Mcv(TB-TA)
B-sc isobare	W=-PB(Vc-VB) =-PB(MRTC-MRTB) =-MR(Tc-TB)	GBC = DU-W = MCV (Te-TB) + MR (Tc-TB) = (MR+MCV) (Tc-TB) = MCP (Tc-TB)	We = MCV (Te TB)

D->A
$$V_{SA} = 0$$
 $G = \Delta U_{A} (W=0)$ $\Delta U_{A} = Mcv(T_{A}-T_{D})$ isochase $S_{A} = Mcv(T_{A}-T_{D})$ $S_{A} = Mcv(T_{A}-T_{D})$

3- a) En déduire l'expression du rendement du moteur donné par : $r = \frac{Q_{BC} + Q_{DA}}{Q_{BC}}$. Le rendement doit être exprimé en fonction de α , β et γ , pour cela utiliser les relations trouvées dans la question (1c).

$$T = \frac{QBC + QDA}{QBC} = 1 + \frac{QDA}{QBC} = 1 + \frac{MCV}{MCP} (TC - TB)$$

$$T = 1 + \frac{1}{V} \left(\frac{X^{1-V}TB - \beta^{V}(X)^{1-V}TB}{\beta TB - TB} \right)$$
(on utilise les expressions als températures de la question (C))
$$T = 1 + \frac{1}{V} \left(\frac{X^{1-V}TB - \beta^{V}(X)^{1-V}TB}{\beta - 1} \right)$$

b) Faire le calcul pour $\alpha=14$, $\beta=1.6$ et $\gamma=1.4$. On donne : $14^{0.4}\approx 3$ et $1.6^{1.4}\approx 2$

$$A.N: T = 1 + \frac{14^{-014} \cdot (1 - 1.6^{114})}{1.14 \cdot (1.6 - 1)}$$

$$T = 1 + \frac{1 - 2}{1.14 \cdot 3 \cdot (0.1)} - 1 - \frac{1}{1.18 \times 1.14} \cdot \frac{1}{2.15}$$

$$T = 60\%$$